

\_\_CTFrypto\_\_



slash

0x00 歴(彳幺)史(カメ正)故(亡ㄟ` )事(厂メㄚ` )

# Crypto?

- Kryptos 隱藏 + Graphein 書寫 (希臘文)
- 有意義的文字      ~~混淆~~ →      無意義的文字
- privacy、integrity、non-repudiation
- 私密性、完整性、不可否認性

# 用途

- 加密
  - 驗證
  - 隱藏
- Digital Signature 數位簽章
  - 不可否認性
  - 證明文件是你勿
- 保護你的資料

# 名詞

- 加密 Encrypt:指將明文經過某種程序轉換成密文,該程序稱為加密
- 解密 Decrypt:指將密文經過某種程序轉換成明文,該程序稱為解密
- 明文 Plaintext:加密前的訊息
- 密文 Ciphertext:加密後的訊息
- 演算法 Algorithm:解決複雜問題的程序
- 密碼學演算法:做與密碼學相關程序(如加密、解密、簽章..)的演算法
- 金鑰 / 密鑰 Key:加解密時所使用的「鑰匙」

# how to 怕Crypto

- 能用就用線上工具
  - rapidtables
- 腳本
  - python
  - cpp
  - java
  - shell script
    - bash shell...
- 通靈



# 0x01 數字系統

# 數字系統

- Base
- 補數 (2の補數 -> 正負號)
- 2的10次方= 1024
  - 1Byte=8bit 、 1GB=1024MB、1KB=1024Byte

符號									
0	1	1	1	1	1	1	1	1	= 127
0	0	0	0	0	0	0	1	0	= 2
0	0	0	0	0	0	0	0	1	= 1
0	0	0	0	0	0	0	0	0	= 0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	= -1
1	1	1	1	1	1	1	1	0	= -2
1	0	0	0	0	0	0	0	1	= -127
1	0	0	0	0	0	0	0	0	= -128

# CS常用進制

- 10進制(Decimal, 簡稱DEC):  $178_{(10)}$  PS: 通常省略基數, 直接寫成178
- **2進制**(Binary, 簡稱BIN):  $10110010_{(2)}$ 、**0b**10110010
- 8進制(Octal, 簡稱OCT):  $262_{(8)}$
- **16進制**(Hexadecimal, 簡稱HEX):  $B2_{(16)}$ 、**0x**B2 PS: 數字符號0~9、A~F

# 2進制

- Binary 簡稱BIN
- .exe
- 電子電路 半導體
- bit 勿基礎

十進位制	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
二進位制	0	1	10	11	100	101	110	111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111
八進位制	0	1	2	3	4	5	6	7	10	11	12	13	14	15	16	17
十六進位制	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F

# 16進制

- HEX
- file signature、組語
- 0x 、 &B
- 非常非常重要
- ex: hex to ascii

二進位	十進位	十六進位
0000	0	0
0001	1	1
0010	2	2
0011	3	3
0100	4	4
0101	5	5
0110	6	6
0111	7	7
1000	8	8
1001	9	9
1010	10	A
1011	11	B
1100	12	C
1101	13	D
1110	14	E
1111	15	F

weight

2 7 (10)

weight(權重) >>  $10^1$     $10^0$

$2 \cdot 10 + 7 \cdot 1 = 27$

weight

27<sub>(16)</sub>

weight(權重) >>  $16^1$      $16^0$

$2 \cdot 16 + 7 \cdot 1 = 39$

byte

0 1 0 0 0 0 0 0

$$2^4=16$$

$$2^4=16$$

$$2^8=256$$

Q: A2=?



人腦:

A=10

$$10 * 16 + 2 * 1 = 162_{(10)}$$

162用短除法 

Handwritten short division for 162 by 2:

- 2 | 162 - 0
- 2 | 81 - 1
- 2 | 40 - 0
- 2 | 20 - 0
- 2 | 10 - 0
- 2 | 5 - 1
- 2 | 2 - 0
- 1

## Online Tools

RapidTables

Home > Conversion > Number conversion > Hex to binary

### Hex to Binary converter

From: Hexadecimal To: Binary

Enter hex number: A2 (16)

Buttons: = Convert, × Reset, ⇅ Swap

Binary number: 10100010 (2)

Decimal number: 162 (10)

一行python

```
>>> print(bin(0xA2))  
0b10100010
```

weight

10110<sub>(2)</sub>

weight(權重) >>  $2^4$   $2^3$   $2^2$   $2^1$   $2^0$   
 $1*16 + 0*8 + 1*4 + 1*2 + 0*1 = 22$

# 數字系統轉換

- Base 10 to Base 2

<p><b>1.192</b></p> $\begin{array}{r} 2 \overline{) 192} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 96 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 48 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 24 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 12 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 6 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 3 \phantom{00} \\ \underline{1} \\ 1 \end{array}$ <p><math>192_{10} = 1100000_2</math></p>	<p><b>2.168<sub>10</sub></b></p> $\begin{array}{r} 2 \overline{) 168} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 84 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 42 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 21 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 10 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 5 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 2 \phantom{00} \\ \underline{1} \\ 1 \end{array}$ <p><math>168_{10} = 10101000_2</math></p>	<p><b>3.219<sub>10</sub></b></p> $\begin{array}{r} 2 \overline{) 219} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 109 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 54 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 27 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 13 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 6 \phantom{00} \\ \underline{2 \phantom{00}} \\ 3 \phantom{00} \\ \underline{1} \\ 1 \end{array}$ <p><math>219_{10} = 11011011_2</math></p>
--	--	---

- Base 10 to Base 16

$$\begin{array}{r} 16 \overline{) 2004} \\ \underline{16 \phantom{00}} \\ 125 \\ \underline{16 \phantom{00}} \\ 7 \end{array}$$

$\rightarrow 4$   
 $\rightarrow 13$

# 0x03 編碼

# 概念

- encode & decode 編碼解碼
- 把文字轉成機器看得懂的
- ≠加、解密

# 常見常用

- 摩斯密碼
- **ASCII**
  - 大小寫英文、數字、常用符號
  - CR、LF
- Unicode (UTF-8)
  - 可轉中文
- Url encoding (Percent-encoding)

Ctrl	Dec	Hex	Char	Code	Dec	Hex	Char	Dec	Hex	Char	Dec	Hex	Char
^@	0	00		NUL	32	20		64	40	@	96	60	'
^A	1	01		SOH	33	21	!	65	41	A	97	61	a
^B	2	02		STX	34	22	"	66	42	B	98	62	b
^C	3	03		ETX	35	23	#	67	43	C	99	63	c
^D	4	04		EOT	36	24	\$	68	44	D	100	64	d
^E	5	05		ENQ	37	25	%	69	45	E	101	65	e
^F	6	06		ACK	38	26	&	70	46	F	102	66	f
^G	7	07		BEL	39	27	'	71	47	G	103	67	g
^H	8	08		BS	40	28	(	72	48	H	104	68	h
^I	9	09		HT	41	29	)	73	49	I	105	69	i
^J	10	0A		LF	42	2A	*	74	4A	J	106	6A	j
^K	11	0B		VT	43	2B	+	75	4B	K	107	6B	k
^L	12	0C		FF	44	2C	,	76	4C	L	108	6C	l
^M	13	0D		CR	45	2D	-	77	4D	M	109	6D	m
^N	14	0E		SO	46	2E	.	78	4E	N	110	6E	n
^O	15	0F		SI	47	2F	/	79	4F	O	111	6F	o
^P	16	10		DLE	48	30	0	80	50	P	112	70	p
^Q	17	11		DC1	49	31	1	81	51	Q	113	71	q
^R	18	12		DC2	50	32	2	82	52	R	114	72	r
^S	19	13		DC3	51	33	3	83	53	S	115	73	s
^T	20	14		DC4	52	34	4	84	54	T	116	74	t
^U	21	15		NAK	53	35	5	85	55	U	117	75	u
^V	22	16		SYN	54	36	6	86	56	V	118	76	v
^W	23	17		ETB	55	37	7	87	57	W	119	77	w
^X	24	18		CAN	56	38	8	88	58	X	120	78	x
^Y	25	19		EM	57	39	9	89	59	Y	121	79	y
^Z	26	1A		SUB	58	3A	:	90	5A	Z	122	7A	z
^[	27	1B		ESC	59	3B	;	91	5B	[	123	7B	{
^\	28	1C		FS	60	3C	<	92	5C	\	124	7C	
^^	29	1D		GS	61	3D	=	93	5D	^	125	7D	}
^_	30	1E		RS	62	3E	>	94	5E	_	126	7E	~
^~	31	1F	▲ ▼	US	63	3F	?	95	5F	~	127	7F	␣

\* ASCII 碼 127 具有代碼 DEL。在 MS-DOS 下，這個代碼與 ASCII 8 (BS) 的效果相同。DEL 代碼可以由 CTRL + BKSP 鍵產生。

# Base

- Base16/32/64/85
  - 大小寫英文、數字、+/
    - 3個字節一組，用=補足
- 圖片轉base64
- 常用勿通靈編碼

索引	对应字符	索引	对应字符	索引	对应字符	索引	对应字符
0	A	17	R	34	i	51	z
1	B	18	S	35	j	52	0
2	C	19	T	36	k	53	1
3	D	20	U	37	l	54	2
4	E	21	V	38	m	55	3
5	F	22	W	39	n	56	4
6	G	23	X	40	o	57	5
7	H	24	Y	41	p	58	6
8	I	25	Z	42	q	59	7
9	J	26	a	43	r	60	8
10	K	27	b	44	s	61	9
11	L	28	c	45	t	62	+
12	M	29	d	46	u	63	/
13	N	30	e	47	v		
14	O	31	f	48	w		
15	P	32	g	49	x		
16	Q	33	h	50	y		

<http://rtplog.blogspot.com/2015/05/2867>

# 光速判斷Base

- Base16

- 跟hex的字元一樣
- 不會有=

- Base64

- 有小寫 至多2個=

- Base32

- 只有大寫
- 至多六個=

- Base85

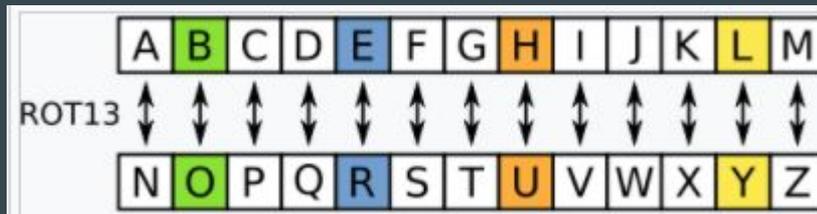
- 用臉在鍵盤上滾一圈

# 0x04 古典密碼學

# easy古典加密

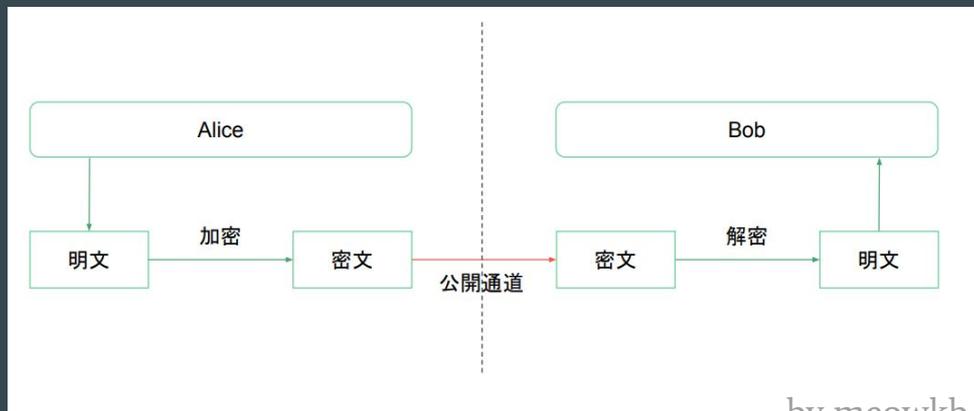
- 替換Substitution

- ROT-13
- Caesar Cipher 凱薩密碼
- 維吉尼亞密碼



- 位移Shift

- 四方密碼
- 中國密碼



# 0x05 現代密碼學

# 一點點ㄉ大綱

- 非對稱式加密 ( 2 Key
- 對稱 ( 1 Key
- 雜湊Hash ( 0 Key

# 0x06 分組密碼

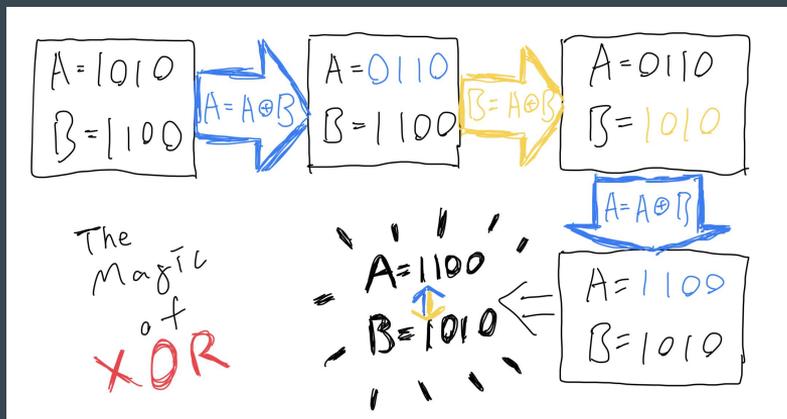
# 分組密碼

- aka 區塊加密
- 塊的概念
- 狂用XOR (可逆性)
- **ECB**、**CBC**、CFB、OFB

A	B	A <b>XOR</b> B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

# 分組密碼\_XOR

- ex:不用第三個變數swap value



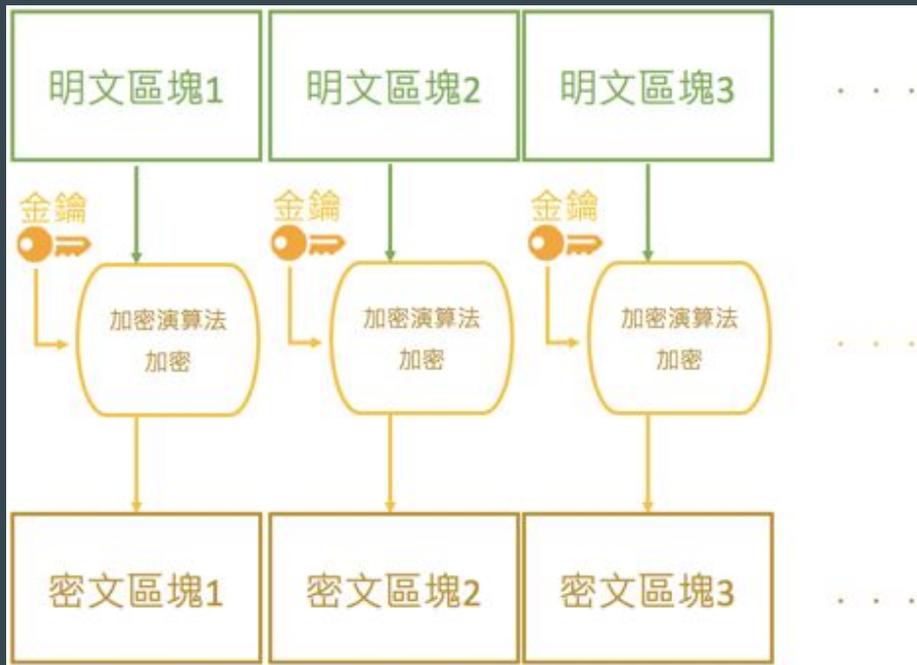
A	B	A XOR B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

# 分組密碼\_XOR

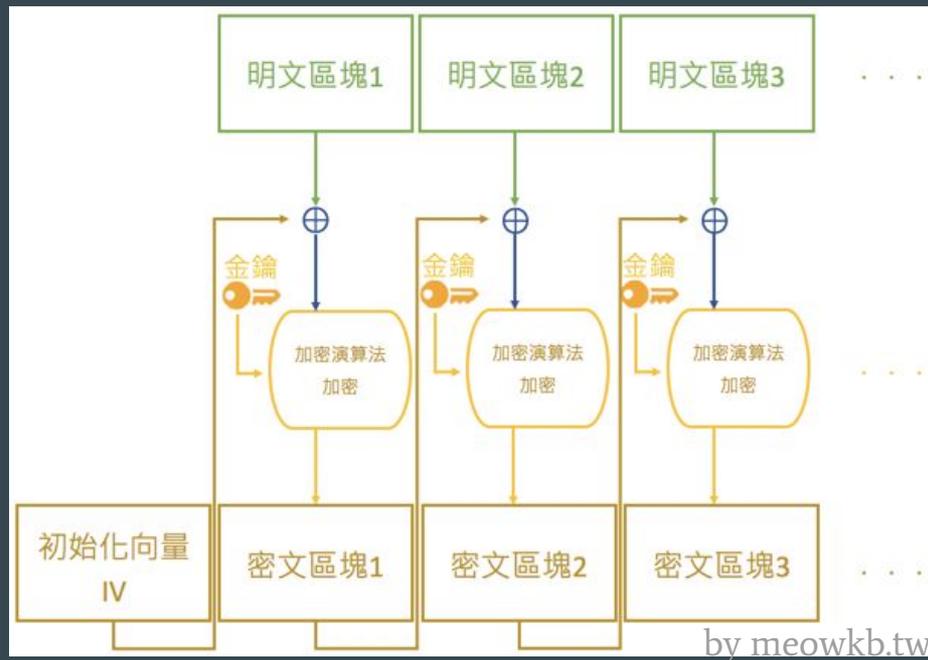
A	B	A XOR B	A	B	A XOR B
0	0	0	0	0	0
0	1	1	0	1	1
1	0	1	1	0	1
1	1	0	1	1	0

# 分組密碼\_ECB、CBC

- EBC (一對一)



- CBC (一連一)



# AES

- 繼承DES, 不過更安全

- 128、192、256位

- ECB、CBC、CTR、CFB、OFB

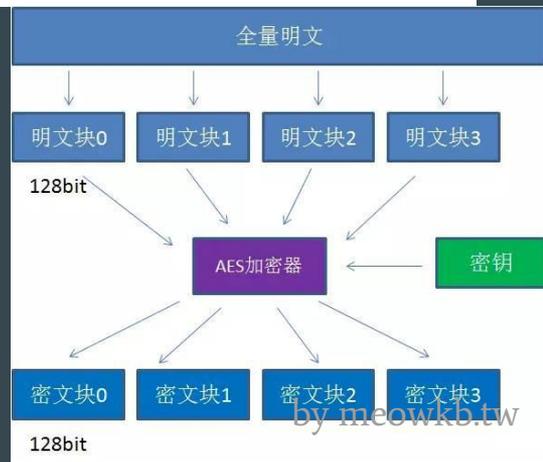
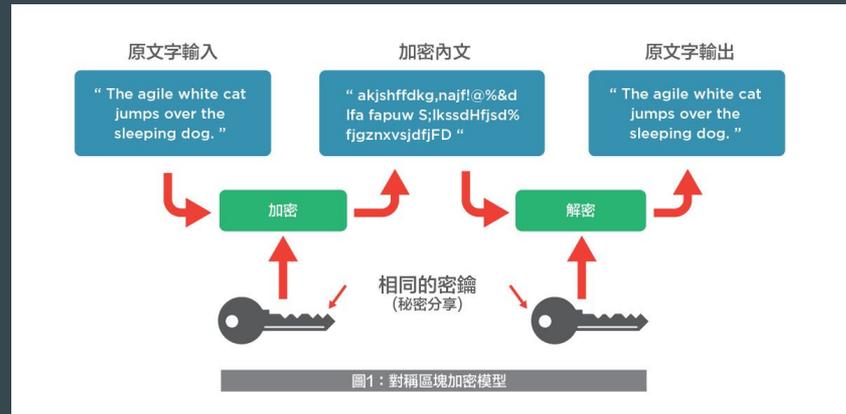
- PADDING (補位)

- PKCS5Padding(16位)

- $\{1,2,3,4,5,a,b,c,d,e\} \rightarrow \{1,2,3,4,5,a,b,c,d,e,6,6,6,6,6,6\}$

- ISO10126Padding(16位)

- $\{1,2,3,4,5,a,b,c,d,e\} \rightarrow \{1,2,3,4,5,a,b,c,d,e,w,@,3,4,C,6\}$

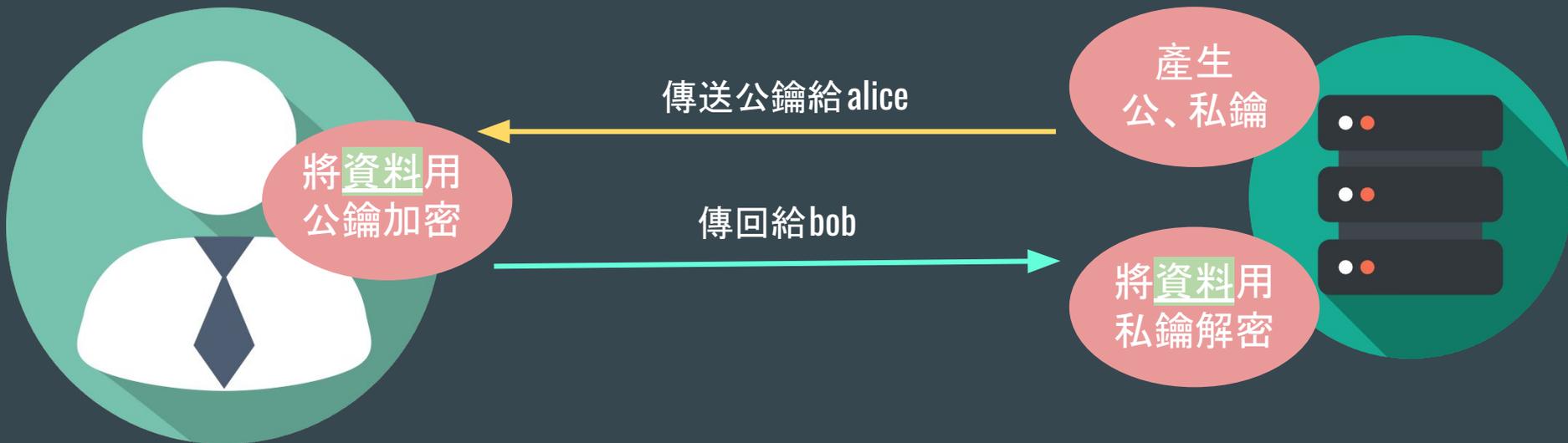


# 0x06 非對稱式加密

# 非對稱式加密流程(a欲傳遞訊息給b)

傳送者 alice

收訊者 bob



※公鑰加密過的資料，由私鑰解密

# RSA

- hint: RSA分別是三個人的姓氏開頭
- 極大整數的因式分解
- 模指數運算、歐拉函數、同餘

# RSA\_初始運算

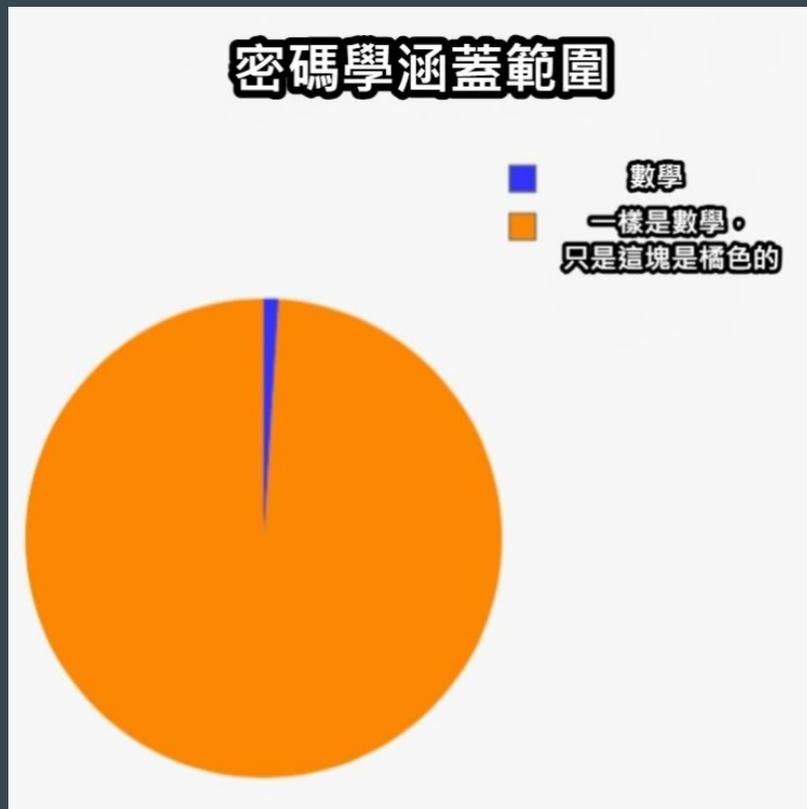
1. 選出兩個較大的質數  $p$  和  $q$
2. 計算兩個質數的乘積  $n = p \times q$
3. 計算出小於  $n$  且與  $n$  互質的整數個數  $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$
4. 選出一個整數  $e$  (拿來當做公鑰)
  - a. 選擇條件
    - i.  $1 < e < \varphi(n)$
    - ii.  $e$  與  $\varphi(n)$  互質 (means沒有共同因子)
5. 計算  $d$  (私鑰)
  - a.  $d$  與  $e$  的關係
    - i.  $e \times d / \varphi(n)$  餘數為 1 (ex:  $\varphi(n)=20 \rightarrow e=3 \ d=7 \rightarrow 3*7/20=1$ )
    - ii. 因此  $d = e - 1 \text{ mod}$
6. 可得
  - a. 公鑰  $KU = \{e, n\}$ 。
  - b. 私鑰  $KR = \{d, n\}$ 。

# RSA\_加密流程

1. 先將明文轉為數字( $m$ ), 轉換成數字的方法根據編碼
2.  $m^e \pmod n = c$

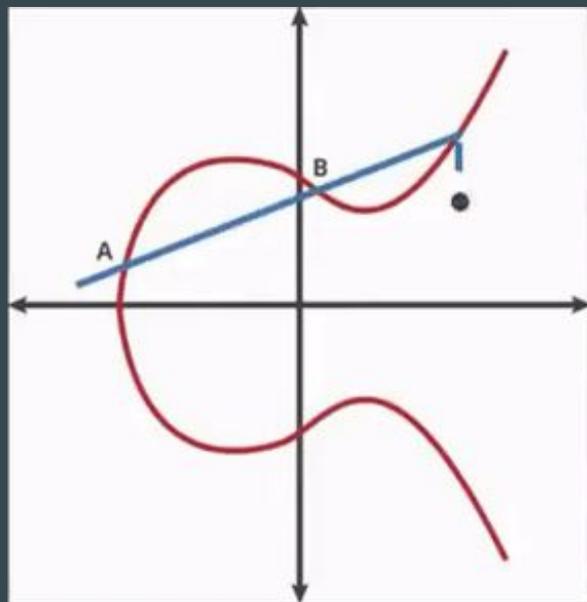
$e$ 為公鑰  $n$ 為整數( $p*q$ )  $c$ 為轉換後的密文

!!! 大量數學湧入中 !!!



# ECC橢圓曲線加密

- Elliptic Curve Cryptography
- 非對稱式加密
- 公認相同key長度內最強加密
- ex: 中國身分證、比特幣
- [ECCTool](#)



# ECC橢圓曲線加密

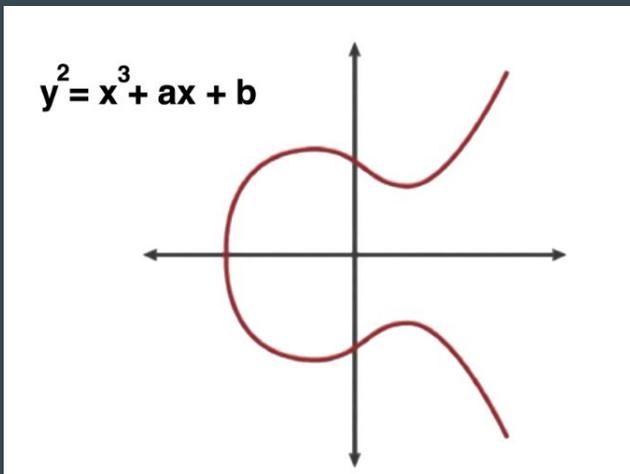
## RSA vs ECC 比較

PKI Algorithm	RSA	ECC
Key Size	Security: 280 @ 1024-bits	Security: 280 @160-bits
	Security: 2112 @ 2048-bits	Security: 2112 @224-bits
	Security: 2128 @ 3072-bits	Security: 2128 @ 256-bits
	Security: 2:92 @ 7680-bits	Security: 2192 @386-bits
	Security: 2256 @ 15360-bits	Security: 2256 @512-bits
安全基礎	大數因數分解	EC橢圓曲線上離散對數
優點	演算法容易說明,且同時可用做加解密	運算速度快,簽章長度較小
缺點	運算速度慢,簽章長度較大	理論較難理解,且實作技術較為複雜

# ECC橢圓曲線加密

- 最常用的橢圓公式

- 有限域



## 伽羅瓦域 [編輯]

對橢圓曲線來說最流行的有限域是以素數為模的**整數域** (參見模運算)  $GF(p)$ ，或是特徵為2的**伽羅瓦域**  $GF(2^m)$ ，後者在專門的硬體實現上計算更為有效，而前者通常在通用處理器上更為有效。專利的問題也是相關的，一些其他素數的伽羅瓦域的大小和能力也已經提出了，但密碼學專家認為有一點問題。

給定一條橢圓曲線 $E$ 以及一個域 $GF(q)$ ，考慮具有 $(x, y)$ 形式有理數點 $E(q)$ 的阿貝爾群，其中 $x$ 和 $y$ 都在 $GF(q)$ 中並且定義在這條曲線上的群運算 $+$  (運算 $+$ 在條目橢圓曲線中描述)。然後定義第二個運算 $*$  |  $Z \times E(q) \rightarrow E(q)$ ；如果 $P$ 是 $E(q)$ 上的某個點，那麼定義 $2 * P = P + P$ ,  $3 * P = 2 * P + P = P + P + P$ 等等，針對給定整數 $k$ ,  $j * (k * P) = (jk) * P = k * (j * P)$ 。橢圓曲線離散對數問題 (ECDLP) 就是給定點 $P$ 和 $Q$ ，確定整數 $k$ 使 $k * P = Q$ ，-- 一般認為在一個有限域乘法群上的離散對數問題 (DLP) 和橢圓曲線上的離散對數問題 (ECDLP) 並不等價；ECDLP比DLP要困難的多。

在密碼的使用上，會選擇曲線 $E(q)$ 和其中一個特定的基點 $G$ ，並且公開這些資料。會再選擇一個隨機整數 $k$ 作為私鑰；公布值為 $P = k * G$ 的公鑰 (注意假設的ECDLP困難性意味著 $k$ 很難從 $P$ 中確定)。如果Alice和Bob有私鑰 $k_A$ 和 $k_B$ ，公鑰是 $P_A$ 和 $P_B$ ，那麼Alice能計算 $k_A * P_B = (k_A * k_B) * G$ ；Bob能計算同樣的值 $k_B * P_A = (k_B * k_A) * G$ 。

這允許一個「秘密」值的建立，這樣Alice和Bob能很容易地計算出，但任何的第三方卻很難得到。另外，Bob在處理期間不會獲得任何關於 $k_A$ 的新知識，因此Alice的私鑰仍然是私有的。

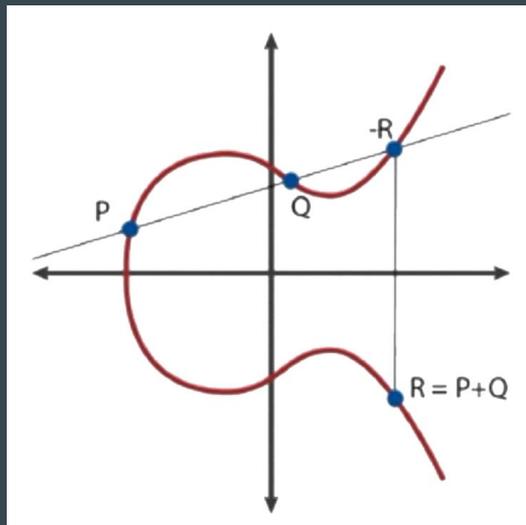


# ECC橢圓曲線加密

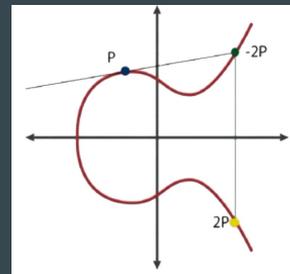
## P、Q兩點define

1. 橢圓曲線方程式為 $y^2=x^3+ax+b$
2. 此曲線剛好對稱於\*\*x軸( $y=0$ )\*\*  
這條直線
3. 參數 $a$ 及 $b$ 必需滿足  
 $4a^3+27b^2 \neq 0$ ,才能確保沒有重  
根, 具有唯一解!
4. 加法單位元素 $O$ 為一無窮遠的  
點, 並滿足 $O=-O$
5. 此加法單位元素亦需滿足: 橢圓  
曲線上某三點共線其合為 $O$

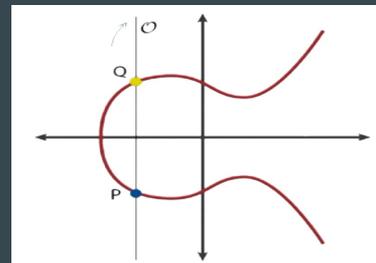
### ● 加法



### ● 乘法



### ● 無窮遠點

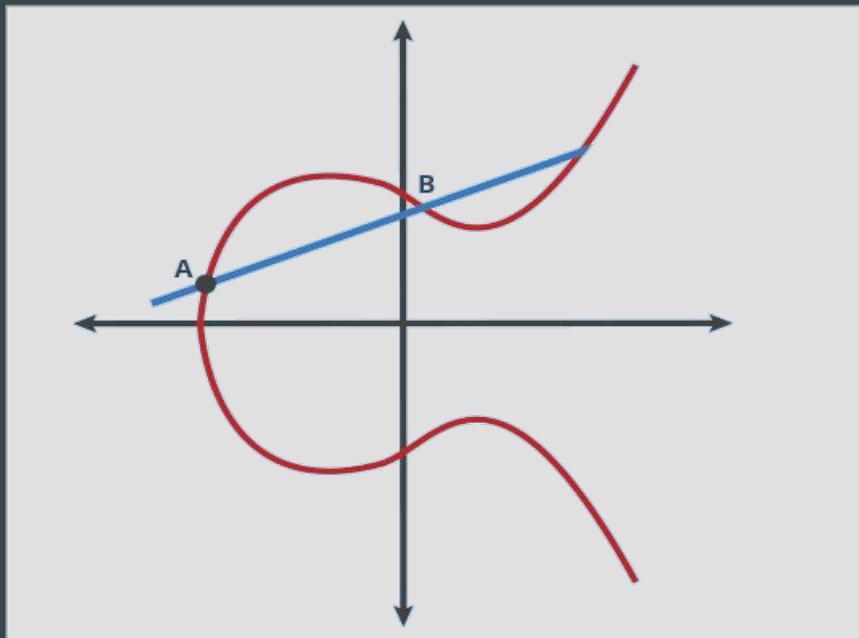


# ECC橢圓曲線加密

## P、Q特性

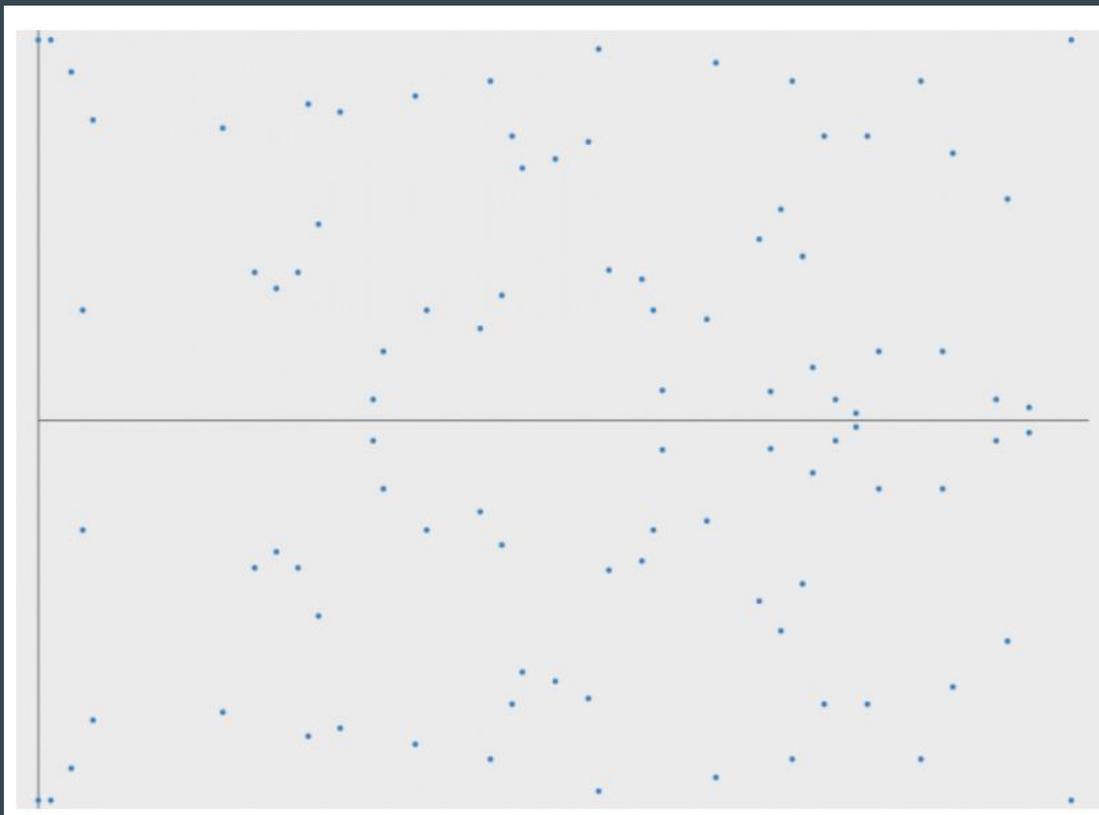
反彈n次(as Private Key) 會得到  
一個最終點Q(as Public Key)

n超級大



ECC橢圓曲線加密

離散化



## 具體解法

## ECC橢圓曲線加密

- 1、用戶A選定一條適合加密的橢圓曲線 $E_p(a,b)$ (如: $y^2=x^3+ax+b$ ), 並取橢圓曲線上一點  $G$ , 作為基點 $G$ 。
- 2、用戶A選擇一個私有密鑰 $k$ , 並生成公開密鑰 $K=kG$ 。
- 3、用戶A將 $E_p(a,b)$ 和點 $K, G$ 傳給用戶B。
- 4、用戶B接到信息後, 將待傳輸的明文編碼到 $E_p(a,b)$ 上一點 $M$ , 並產生一個隨機整數 $r(r<n)$ 。
- 5、用戶B計算點 $C1=M+rK; C2=rG$ 。
- 6、用戶B將 $C1、C2$ 傳給用戶A。
- 7、用戶A接到信息後, 計算 $C1-kC2$ , 結果就是點 $M$

# 0x07 雜湊

# 雜湊

- hash

(Key)	(hash value)	(stored index)
Joe → (Hash function) →	4928 mod 5 =	3
Sue → (Hash function) →	7291 mod 5 =	1
Dan → (Hash function) →	1539 mod 5 =	4
Nell → (Hash function) →	6276 mod 5 =	1
Ally → (Hash function) →	9143 mod 5 =	3
Bob → (Hash function) →	5278 mod 5 =	3

# 雜湊

- md5
  - 檔案驗證
- sha0/1/2/3
  - sha2 → bitcoin

# 雜湊

- 碰撞攻擊
  - 鴿籠原理
- 彩虹表
  - 先算好固定長度